

нижают хаотич. тепловые колебания ионов узлов решётки (см. *Колебания кристаллической решётки*). Рост темп-ры приводит в металлах к росту числа фононов и увеличению сопротивления току, что хорошо наблюдается в чистых металлах в нормальном состоянии. В полупроводниках рост темп-ры также приводит к росту числа носителей заряда. Э.-ф. в. оказывает существ. влияние на явления переноса в этих веществах, а также приводит к междолинным механизмам рассеяния электронов, ослаблению ультразвука, фононному увлечению и др. Кроме того, в кристаллич. решётках имеются отклонения от идеальности (см. *Дефекты в кристаллах*), такие, как дислокации, межузельные атомы той же природы, что и осн. решётка, вакантные узлы, примесные атомы внедрения в междуузлиях и замещение атомов в узлах решётки посторонними атомами.

Квантовомеханич. теория Блоха движения электронов в идеальной замороженной кристаллич. решётке сводит сложную многоэлектронную проблему к задаче о движении электрона под действием строго периодич. потенциала. Волновая ф-ция Блоха, определяющая это движение электрона, представляет собой модулированную с периодом идеальной решётки плоскую волну

$$\psi_{nk}(x) = u_{nk}(x) \exp(-ikx),$$

где  $n$  — дискретный номер энергетич. зоны,  $k$  — квазиволновой вектор, определённый с точностью до вектора обратной решётки  $K$ . Собственные значения энергии  $E_n(k)$  также зависят от этих двух квантовых чисел  $n$  и  $k$ . Если кристалл имеет ограниченные размеры, то векторы  $k$  квазидискретные.

Поведение электронов или дырок в кристалле имеет особенно простой вид на краю изотропных зон, когда возможно использование т. н. приближения эф. массы:

$$E_n(k) \approx E_n(0) + \frac{\hbar^2 k^2}{2m}. \quad (1)$$

Существенно, что величина  $\hbar k$  является не импульсом, а квазимпульсом, и все законы сохранения квазимпульса в процессах столкновения квазичастиц выполняются лишь с точностью до  $\hbar K$ . Процессы, в к-рых векторы обратной решётки не участвуют, наз. нормальными, а те, в к-рых  $\hbar K$  участвуют, — процессами переброса Пайерлса или  $u$ -процессами. Эти процессы имеют важное значение для установления термодинамич. равновесия в электрическом поле; в частности, электрон-электронные столкновения определяют электро- и теплопроводность кристаллов (см. *Межэлектронное рассеяние*).

Т. о., в строго периодич. поле кристалла электроны и дырки на краю энергетич. зон ведут себя как свободные заряды, частицы с эф. массой  $m$ . Под действием электрич. поля это привело бы к линейно возрастающей со временем скорости их трансляционного движения и к сколь угодно большим электрич. токам. Однако существуют тормозящие силы, действующие на носители тока в кристалле и ограничивающие их скорости. Причиной торможения являются процессы рассеяния электронов на всех отклонениях от идеальности кристаллич. решётки, так что протекание тока в кристалле сопровождается сопротивлением.

Особого рассмотрения требует явление *сверхпроводимости*, при к-ром наблюдается устойчивое к нарушениям решётки квантовое макроскопич. движение электронов. В нормальном, т. е. несверхпроводящем, состоянии вещества протекание электрич. тока всегда сопровождается сопротивлением, к-рое существенно зависит от темп-ры. Одной из причин такой зависимости является увеличение амплитуды тепловых колебаний ионов с ростом темп-ры  $T$  и усилием столкновений электронов с ними.

**Колебания кристаллической решётки.** Методы описания колебаний кристаллич. решётки вследствие тепловых движений ионов, находящихся в её узлах, основаны на разложении в ряд Тейлора потенц. энергии решётки  $U(\dots R_{nj} \dots)$  по степеням малых смещений  $u_{nj}$  ионов из их положения равновесия  $R_{nj} = R_{nj}^0 + u_{nj}$ ; здесь  $n = n_1 a + n_2 b + n_3 c$  — вектор, определяющий положение элементарной ячейки кристал-

ла. Предполагается, что таких ячеек в кристалле  $N$  и в каждой ячейке имеется  $v$  ионов, положение к-рых в данной ячейке определяется векторами  $j$ . Векторы  $a, b, c$  определяются постоянные решётки по трём направлениям.

Разложение величины  $U$  по степеням смещений  $u_{nj}$  содержит гармонические, т. е. квадратичные, а также ангармонические — кубические и более высокие формы по этим векторам с соответствующими коэф. упругости. Простейшее приближение является квадратичным (см. *Динамика кристаллической решётки*). Оно диагонализуется в нормальных координатах, что приводит к определению  $3v$  ветвей частот  $\omega_a(k)$  и ортов, определяющих направления нормальных колебаний системы. Т. к. каждая величина  $k$  принимает  $N$  дискретных значений, то в гармонич. приближении имеем дело с  $3vN$  независимыми гармонич. осцилляторами, описывающими в данном приближении колебания кристаллич. решётки. Энергия независимых осцилляторов имеет вид

$$H = U_0 + \sum_{ak} \hbar \omega_a(k) (a_{ak}^+ a_{ak} + 1/2), \quad (2)$$

где  $a$  нумерует  $3v$  ветвей спектра колебаний решётки,  $\hbar \omega_a(k)$  — квант энергии колебаний кристаллич. решётки — фонон. Каждый фонон обладает квазимпульсом  $\hbar k$  и энергией  $\hbar \omega_a(k)$ . Набор собств. частот колебаний решётки определяется только упругими свойствами решётки и массами атомных ядер.

Из  $3v$  ветвей колебаний имеются 3 акустические, при к-рых смещения ионов элементарной ячейки происходят в фазе и элементарная ячейка смещается как единое целое. Эти колебания сопровождаются локальными сжатиями и разражениями. При  $k=0$  частоты этих колебаний равны нулю. Если атомы элементарной ячейки смещаются в противофазе, то они оставляют центр масс ячейки в покое, но вызывают смещение центров тяжести зарядов и сопровождаются появлением дипольного электрич. момента. Эти колебания оказываются оптически активными и наз. оптическими колебаниями. Соответствующие кванты наз. оптич. фононами: число их видов равно  $3(v-1)$ , причём при  $k=0$  энергии этих фононов не равны нулю.

Т. о., в гармонич. приближении колеблющаяся кристаллич. решётка заменяется набором независимых фононов, свободно перемещающихся в кристалле. Энергия, переносимая фононами, перемещается с групповой скоростью фононов, и в этом приближении для потока тепла нет сопротивления.

В этом приближении нет также и теплового расширения кристалла, т. к. ср. смещение ионов равно нулю. Это хорошо видно, если учсть, что смещение ионов  $u_{nj}$  после разложения по плоским волнам оказывается линейной формой от безразмерных координат  $q_k$  или от импульсов  $p_k$  фононов:

$$q_k = \frac{1}{\sqrt{2}} (a_k + a_{-k}^+), \quad p_k = \frac{i}{\sqrt{2}} (a_k^+ - a_{-k}). \quad (3)$$

В континуальном пределе это разложение для смещения  $u(x)$  имеет вид

$$u(x) = \sum_{\mu} \sum_q \sqrt{\frac{\hbar}{2U\rho\omega_{\mu}(q)}} e_{\mu}(q) (a_{\mu q} + a_{\mu -q}^+) e^{-iqx}, \quad (4)$$

где  $e_{\mu}(q)$  — единичный вектор направления поляризации фонона,  $\rho$  — плотность вещества. Очевидно, что в гармонич. приближении ср. значение квантовых амплитуд рождения и уничтожения фононов  $a_q^+, a_q$  [и, следовательно, самого смещения  $u(x)$ ] равно нулю. Благодаря ангармонич. слагаемым в разложении энергии решётки  $U$ , к-рые становятся весьма существенными при увеличении темп-ры, возникают процессы столкновения фононов с фононами, в к-рых участвуют три, четыре или большее число фононов. В результате этих процессов возникает теплопротивление; кроме того, благодаря ангармонизму средние значения смещений ионов оказываются отличными от нуля, и это обуславливает тепловое расширение кристалла.