

туационно-диссипативным теоремам относятся *Кубо формулы* для тензоров электропроводности и магн. восприимчивости и *Грина* — *Кубо формулы* для коэф. переноса. Флуктуационно-диссипативные теоремы для общего случая были сформулированы Х. Кэлленом (H. V. Callen) и Т. Уэлтоном (Th. A. Welton) в 1951 как обобщение *Найквиста формулы* для электрич. шумов в линейных цепях; они оказываются полезными для вычисления спектральной плотности временных корреляционных ф-ций равновесных Ф. в тех случаях, когда обобщённые восприимчивости удаётся вычислить с помощью *Грина функций* (в статистич. физике) или к.-л. др. методом.

Ур-ния, описывающие эволюцию неравновесной макроскопич. системы, напр. *кинетическое уравнение Больцмана* для классич. газа или ур-ния гидродинамики, являются ур-ниями для физ. величин, усреднённых по статистич. ансамблю. Вследствие теплового движения в системе эти величины испытывают Ф. около ср. значений.

Кинетические Ф. в газе характеризуются корреляц. ф-цией  $\langle \delta f(r_1, p_1, t_1) \delta f(r_2, p_2, t_2) \rangle$ , где  $\delta f = f - \bar{f}$  является отклонением точной, микроскопич. ф-ции распределения  $f$  от ср. значения этой ф-ции  $\bar{f}$ , определяемого кинетич. ур-нием. В равновесном газе корреляц. ф-ция зависит только от разности времен  $t_1 - t_2$  и разности координат  $r_1 - r_2$ , а  $\bar{f}$  есть независящая от времени равновесная одночастичная ф-ция распределения. В частности, если нет внеш. поля, эта ф-ция совпадает с *Максвелла распределением*  $f_0(p)$ .

Вычисление корреляц. ф-ции для кинетич. Ф. в равновесном газе можно свести к решению обобщённого *Ланжевена уравнения*

$$\left( \frac{\partial}{\partial t} + v \frac{\partial}{\partial r} + \delta \hat{f}_p \right) \delta f(r, p, t) = y(r, p, t).$$

Левая часть этого ур-ния совпадает с линеаризов. кинетич. ур-нием Больцмана, где  $\delta \hat{f}_p$  — линейный интегральный оператор (оператор столкновений), а правая часть представляет собой случайный источник, моменты к-рого определяются соотношениями

$$\langle y(r, p, t) \rangle = 0,$$

$$\langle y(r_1, p_1, t_1) y(r_2, p_2, t_2) \rangle = A(p_1, p_2) \delta(r_1 - r_2) \delta(t_1 - t_2).$$

Интенсивность источника, описывающего влияние теплового движения частиц на Ф. одночастичной ф-ции распределения, имеет вид

$$A(p_1, p_2) = \bar{n} (\delta \hat{f}_{p_1} + \delta \hat{f}_{p_2}) \delta(p_1 - p_2) f_0(p_1),$$

где  $\bar{n}$  — равновесная концентрация частиц. Метод Ланжевена применим и к исследованию кинетич. Ф. в неравновесном газе, однако выражение для второго момента случайного источника является значительно более сложным. Кинетич. Ф. в квантовых газах описываются ур-ниями Ланжевена для отклонений одночастичной матрицы плотности или одночастичной *Вигнера функции распределения* от ср. значений, определяемых квантовым кинетич. ур-нием.

Для крупномасштабных гидродинамич. Ф. в газах и жидкостях применимо понятие локального (частичного) равновесия в малых объёмах при фиксиров. значениях флуктуирующих термодинамич. параметров. Поэтому в гидродинамич. пределе, когда длина волны Ф. велика по сравнению с микроскопич. размерами (межатомным расстоянием в жидкости и длиной пробега в газе), вычисление временных корреляц. ф-ций Ф. плотности, темп-ры, скорости и т. д. сводится к решению гидродинамич. ур-ний с дополнительными ланжевеновскими источниками, описывающими тепловой шум. Метод вычисления корреляц. ф-ций крупномасштабных Ф. в равновесном состоянии, основанный на линейных ур-ниях гидродинамики со случайными источниками, был предложен Л. Д. Ландау и Е. М. Лифшицем в 1957. В случае однокомпонентной классич. жидкости тензор вязких напряжений  $\pi_{ij}$  и вектор потока тепла  $q$  записываются в виде

$$\pi_{ij} = \eta \left( \frac{\partial v_i}{\partial x_j} + \frac{\partial v_j}{\partial x_i} - \frac{2}{3} \delta_{ij} \text{div } v \right) + \zeta \delta_{ij} \text{div } v + \delta \pi_{ij}, \quad (3)$$

$$q = -\lambda \nabla T + \delta q,$$

где  $\eta$ ,  $\zeta$  — коэф. вязкости,  $\lambda$  — коэф. теплопроводности. Кроме обычных членов с градиентами скорости и градиентом темп-ры, эти выражения содержат ланжевеновские источники  $\delta \pi_{ij}$  и  $\delta q$ ; они описывают спонтанные напряжения и потоки тепла, вызванные тепловым движением частиц.

Статистич. свойства источников в приближении *локального термодинамического равновесия* могут быть установлены методами *термодинамики неравновесных процессов*. Ср. значения источников равны нулю, а вторые моменты даются ф-лами

$$\langle \delta \pi_{ij}(r_1, t_1) \delta \pi_{mn}(r_2, t_2) \rangle = 2kT \{ \eta (\delta_{im} \delta_{jn} + \delta_{in} \delta_{jm}) + (\zeta - \frac{2}{3} \eta) \delta_{ij} \delta_{mn} \} \delta(r_1 - r_2) \delta(t_1 - t_2),$$

$$\langle q_i(r_1, t_1) q_j(r_2, t_2) \rangle = 2\lambda kT^2 \delta_{ij} \delta(r_1 - r_2) \delta(t_1 - t_2).$$

Решив систему линеаризованных гидродинамич. ур-ний, в к-рых тензор вязких напряжений и вектор потока тепла имеют вид (3), можно выразить временные корреляционные ф-ции Ф. локальных гидродинамич. переменных  $\langle \delta A(r_1, t_1) \delta B(r_2, t_2) \rangle$  через равновесные термодинамич. величины и коэф. переноса. В частности, таким способом можно вычислить корреляц. ф-цию Ф. плотности числа частиц  $\langle \delta n(r_1, t_1) \delta n(r_2, t_2) \rangle$ , через к-рую выражается динамический структурный фактор жидкости, измеряемый в экспериментах по рассеянию света и медленным нейтронов.

Нелинейное взаимодействие гидродинамич. Ф. необходимо учитывать вблизи критич. точки, где сильный рост равновесных крупномасштабных Ф. приводит к аномалиям наблюдаемых коэффициентов переноса, а также в неравновесных состояниях, когда система теряет гидродинамич. устойчивость. Характерными примерами являются *конвективная неустойчивость* и возникновение *турбулентности* в жидкостях и газах. Взаимодействие крупномасштабных Ф. описывается нелинейными членами в ур-ниях гидродинамики, где локальные термодинамич. величины рассматриваются как случайные переменные.

Лит.: Ландау Л. Д., Лифшиц Е. М., *Статистическая физика*, ч. 1, 3 изд., М., 1976; Зубарев Д. Н., *Неравновесная статистическая термодинамика*, М., 1971; Паташинский А. З., *Покровский В. Л.*, *Флуктуационная теория фазовых переходов*, 2 изд., М., 1982; Климонтович Ю. Л., *Статистическая физика*, М., 1982; Лифшиц Е. М., Питаевский Л. П., *Статистическая физика*, ч. 2, М., 1978; Форстер Д., *Гидродинамические флуктуации, нарушенная симметрия и корреляционные функции*, пер. с англ., М., 1980. В. Г. Морозов.

**ФЛУКТУАЦИИ ЭЛЕКТРИЧЕСКИЕ** — хаотич. изменения потенциалов, токов и зарядов в электрич. цепях и *линиях передачи*, вызываемые тепловым движением носителей заряда и др. физ. процессами в веществе, обусловленными дискретной природой электричества (естеств. Ф. э.), а также случайными изменениями и нестабильностью характеристик цепей (техн. Ф. э.). Ф. э. возникают в проводниках, электронных и ионных приборах, а также в атмосфере, где происходит *распространение радиоволн*. Ф. э. приводят к появлению ложных сигналов — шумов на выходе усилителей электрич. сигналов, ограничивают их чувствительность и помехоустойчивость, уменьшают стабильность генераторов и устойчивость систем автоматич. регулирования и т. д.

В проводниках в результате теплового движения носителей заряда возникает флуктуирующая разность потенциалов (тепловой шум). В металлах из-за большой концентрации электронов проводимости и малой длины их свободного пробега тепловые скорости электронов во много раз превосходят скорость направленного движения (дрейфа) в электрич. поле. Поэтому Ф. э. в металлах зависят от темп-ры, но не зависят от приложенного напряжения (см.