

(в отсутствие обменных эффектов остаётся лишь первое слагаемое). Это выражение (и соответствующую ф-лу для ф-ций распределения) используют в приложениях метода С. п. к термодинамике и кинетике.

Одночастичную волновую ф-цию Ψ_a выбирают в методе С. п. из условия макс. близости выражений (1), (2) к точной волновой ф-ции системы. С этой целью используют вариац. принцип, требующий минимума энергии системы $\mathcal{E} = \langle \Psi | H | \Psi \rangle$ при условии $\langle \Psi | \Psi \rangle = 1$, где

$$H = \sum_i T(q_i) + (1/2) \sum_{i,j} V(q_i, q_j), \quad (4)$$

H — гамильтониан системы, T — сумма кинетич. энергии и внешн. поля, V — взаимодействие между частицами, $i, j = 1, 2, \dots, N$. Волновая ф-ция (1) приводит к ур-нию Хартри для Ψ_a :

$$(T + W)\Psi_a = e_a \Psi_a, \quad (5)$$

включающему С. п.

$$W(q) = W_1(q) = \int dq' R(q, q') V(q, q').$$

Волновая ф-ция (2) приводит к ур-нию Хартри — Фока, имеющему вид (5) с $W = W_1 \pm W_2$, где обменный член W_2 определяется соотношением

$$W_2(q)\Psi_a(q) = \int dq' R(q, q') V(q, q') \Psi_a(q').$$

Через одночастичные энергии e_a выражается полная энергия системы

$$\mathcal{E} = \sum_a e_a n_a - C, \quad C = (1/2) \int dq dq' V(q, q') [R(q, q) R(q', q') \pm \\ \pm R(q, q') R(q', q)].$$

Согласно вариац. принципу эта величина всегда больше истинного значения энергии.

Величина W_1 имеет простой смысл ср. поля частиц системы, действующего на данную частицу, а W_2 ведёт к увеличению (уменьшению) вероятности сближения двух бозе-(ферми)-частиц, изменения соответс. образом их взаимодействие. Самосогласованному характеру величины W отвечает зависимость матрицы плотности (3) от решений ур-ния (5), к-ре становятся нелинейными и может поэтому иметь более одного набора решений. Так, при выполнении нек-рых условий возможно сосуществование двух решений ур-ния (5), отвечающих однородному и неоднородному состояниям системы, каждое из к-рых устойчиво в своей области плотностей и темп-р. Это соответствует фазовому переходу со спонтанным нарушением трансляц. симметрии и с появлением волн зарядовой плотности.

В др. формулировке метода С. п. заменяют гамильтониан (4) выражением, к-ре соответствует одночастичной картине. В методе вторичного квантования, где

$$H = \int dq \Psi^+(q) T \Psi(q) + (1/2) \int dq dq' V(q, q') A(q, q'),$$

$$A(q, q') = \Psi^+(q) \Psi^+(q') \Psi(q') \Psi(q),$$

эту картину нарушает входящий во взаимодействие оператор A , содержащий четыре операторные ф-ции вместе нужных двух. Модифициров. гамильтониан, отвечающий методу С. п., соответствует замене в A комбинаций $\Psi^+ \Psi$ их ср. значениями (матрицами плотности):

$$A \rightarrow 2[R(q', q') \Psi^+(q) \Psi(q) \pm R(q, q') \Psi^+(q) \Psi(q')] - \\ - [R(q, q) R(q', q') \pm R(q, q') R(q', q)], \quad (6)$$

и имеет вид

$$H_0 = \int dq \Psi^+(q) (T + W) \Psi(q) - C.$$

Это выражение приводит к ур-нию Хартри — Фока (5) и в то же время реализует минимум величины $\langle (H - H_0)^2 \rangle$, что и соответствует методу С. п. как наилучшему из одночастичных способов описания.

Применения метода. Простейший объект приложения метода С. п. — бесконечная однородная система взаимодействующих по закону Кулона ферми-частиц с массой m , зарядом e и спином $1/2$ (электронов) в присутствии однородного компенсирующего фона противоположного знака заряда. В методе С. п. энергия такой системы в единице объёма равна $\hbar^2 p_0^4 / 10\pi^2 m - e^2 p_0^4 / 4n^3$, где $p_0 = (3\pi^2 n)^{1/3}$, n — плотность числа частиц, первый член — кинетическая, второй — обменная энергия. Этот результат используют для упрощения интегро-дифференц. ур-ния Хартри — Фока (5), заменяя его дифференц. ур-нием Хартри — Фока — Слэттера, где $W_2 = -e^2 [3\pi^2 n(r)]^{1/3} / \pi$, $n(r) = \sum_a n_a |\Psi_a|^2$ — локальное значение плотности числа частиц.

Др. упрощённым вариантом метода С. п. является метод Томаса — Ферми (квазиклассич. приближение к методу С. п.), применимый к слабо неоднородным системам, где ср. расстояние между частицами меньше характерной длины, на к-рой заметно меняется плотность и др. параметры системы. В методе Томаса — Ферми используют выражения, справедливые для однородной системы, относя их в каждой точке к соответств. локальному значению плотности. Этот метод используют для описания тяжёлых атомов, вещества в экстремальных условиях высоких давлений или темп-р и др. Применяют и иные, более частные способы упрощения метода С. п. (напр., в теории атома часто используют усреднение С. п. по углам, упрощающее отделение угл. переменных).

Метод С. п. находит применение в физике атома и молекулы, ядерной физике, физике конденсиров. состояния вещества, физике плазмы и др. областях науки. Часто он даёт достаточно точное описание системы мн. частиц. Это относится, в частности, к атомно-молекулярной физике и теоретич. спектроскопии, где метод С. п. применяют особенно широко благодаря относительно малому вкладу корреляц. эффектов. Напр., в атоме Не (простейшей системе мн. частиц) этот вклад составляет $\sim 1,5\%$ от полной энергии электронной оболочки.

К числу др. важных применений метода С. п. в теории систем мн. частиц относится описание равновесных и кинетич. свойств плазмы в бесстолкновит. режиме, *Landau теория* фазовых переходов 2-го рода и др.

Обобщения метода. Существует ряд обобщений метода С. п., приспособленных для частичного описания корреляц. эффектов. Так, при необходимости учёта парных корреляций сверхпроводящего типа используют модифициров. гамильтониан (6), где заменяют ср. значениями комбинации $\Psi\Psi^\dagger$, $\Psi^\dagger\Psi^\dagger$, что приводит к ур-нию Хартри — Фока — Богоявленского. Такой подход применяют в теории сверхпроводимости и в теории атомного ядра. Для описания многочастичных (далких) корреляций, отвечающих поляризаци. эффектам в кулоновской системе, используют зависящее от времени ур-ние Хартри — Фока:

$$i\hbar \partial R(q, q', t) / \partial t = (T_q + W_q - T_{q'}^* - W_{q'}^*) R(q, q', t)$$

(индекс указывает переменную, на к-рую действует оператор). Это ур-ние определяет нестационарную одночастичную матрицу плотности и оказывается равносочетанным приближению случайных фаз (приближению высокой плотности), совпадая в то же время с кинетич. ур-нием, включающим С. п. без учёта столкновений. Его применяют для описания коллективных возбуждённых состояний системы.