

К функциональному М. близки и установки демонстрац. М., не использующие реальные физ. модели, а представляющие собой модели, лишь наглядно показывающие функционирование техн. устройств или природные физ. явления. Типичной установкой демонстрац. М. является планетарий, демонстрирующий модель Солнечной системы, звёздного неба и др. явления.

Кроме прямого физ. М. при исследовании разл. физ. процессов используются разл. аналогии, позволяющие на основе однотипности матем. ур-ний, описывающих разные физ. процессы, заменять изучение исследуемого процесса изучением др. процесса, к-рый проще осуществить в лаб. условиях. Напр., при М. процессов теплообмена используется электротепловая аналогия, в к-рой исследуемое поле темп-р заменяется полем электрич. потенциала в контуре, включающем омич. сопротивление  $R$  и ёмкость  $C$ , а аналогом коф. температуропроводности является величина  $1/RC$ .

Существуют также аналогия задач о кручении упругого стержня и о вихревом течении идеальной жидкости, электрогидродинамич. аналогия между задачами гидродинамики и электротехники и др., но эти аналогии сравнительно редко применяются при М.

**Приложения М.** Моделирование находит многочисл. приложения как при научных исследованиях, так и при решении большого числа практик. задач в разл. областях техники. Им широко пользуются в строите. деле (определение усталостных напряжений, эксплуатаций, разрушений, частот и форм свободных колебаний, виброзащита и сейсмостойкость разл. конструкций и др.), в гидравлике и гидротехнике (определение конструктивных и эксплуатаций, характеристик разл. гидротехн. сооружений, условий фильтрации в грунтах, М. течений рек, волн, приливов и отливов и др.), в авиации, ракетной и космич. технике (определение характеристик летат. аппаратов и их двигателей, силового и теплового воздействия среды и др.), в судостроении (определение гидродинамич. характеристики корпуса, рулей и судовых двигателей, ходовых качеств, условий спуска и др.), в приборостроении, в разл. областях машиностроения, включая энергомашиностроение и нааемный транспорт, в нефте- и газодобыче, в теплотехнике при конструировании и эксплуатации разл. тепловых аппаратов, в электротехнике при исследовании всевозможных электрич. систем и т. п.

*Лит.:* Кирпичев М. В., Михеев М. А., Моделирование тепловых устройств, М.—Л., 1938; Седов Л. И., Методы подобия и размерности в механике, 10 изд., М., 1987; Эйлесон Л. С., Моделирование, М., 1952; Шнейдер П. Дж., Инженерные проблемы тепlopроводности, пер. англ., М., 1960; Гукман А. А., Введение в теорию подобия, М., 1963; Ееников В. А., Теория подобия и моделирование применительно к задачам электроэнергетики, М., 1966.

С. Л. Вишневецкий, С. М. Тарг.  
**МОДЕЛИРОВАНИЕ ЗВЁЗД** — методы нахождения распределений физ. характеристик звёздного вещества (давления, плотности, темп-ры, массы, хим. состава) от центра до поверхности звезды и изменений этих характеристик со временем. Построение моделей даёт возможность установить связь между осн. параметрами звёзд (массой, хим. составом, возрастом) и главными наблюдаемыми характеристиками — светимостью (интегральным потоком излучения), эффективной температурой и ускорением силы тяжести на поверхности. Проложившая изменения моделируемых параметров звёзд со временем, удается описать переменность звёзд и их эволюцию. М. з. основывается на законах гидродинамики, теории переноса излучения, ядерной физике, статистической физике и др. Одним из основных методов исследования является численное моделирование.

Звёзды представляют собой самогравитирующие плазменные тела, состояние к-рых и устойчивость определяются законами гидродинамики сплошных сред. Поскольку звёзды излучают и могут обмениваться веществом с внеш. средой, они не являются термодинамически изолированными системами.

Основы М. з. были заложены в работах Дж. Лейна (J. H. Lane, 1869—70), А. Риттера (A. Ritter, 1878—83) и Р. Эмдена (R. Emden, 1907), развивших теорию адиабатич. политропных моделей звёзд — гидростатически равновесных газовых конфигураций, в к-рых давление  $p$  и плотность  $\rho$  связаны соотношением  $p = K\rho^{(n+1)/n}$ , где коф.  $K$  и  $n$  (показатель политропы) не зависят от пространств. координаты. При условии задания  $n$  можно определить ход физ. характеристик звезды от центра до поверхности, исходя лишь из условия гидростатич. равновесия, без знания конкретного источника энерговыделения, уравнения состояния и непрозрачности звёздного вещества.

К сер. 20-х гг. 20 в., в значит. степени трудами А. Эдингтона (A. S. Eddington), были сформулированы осн. физ. принципы, на к-рые опирается совр. теория строения звёзд, и высказано предположение, что осн. источником энерговыделения в звёздах являются термоядерные реакции, приводящие к превращению элементов. В кон. 30-х гг. К. Вайцзеккер (C. F. Weizsäcker) и Х. Бете (H. A. Bethe) показали, что в недрах звёзд должны осуществляться реакции превращения водорода в гелий в протон-протонной цепочке (см. Водородный цикл) и в углеродно-азотном цикле, а затем Х. Бете, Г. А. Гамов (G. Gamow) и Э. Теллер (E. Teller) вычислили скорости соответствующих реакций. В то же время, в осн. благодаря Р. Фаулера (R. H. Fowler) и С. Чандraseкару (S. Chandrasekhar), были построены модели белых карликов, состоящих из вырожденного вещества. С 40-х гг., когда ядерный источник энерговыделения был введён в расчёты, по существу начался совр. период М. з.

В наиб. общем случае для описания строения и эволюции звёзд необходимо решать нелинейную краевую задачу с нач. условиями для системы ур-ний в частных производных, в к-рой независимыми переменными являются пространств. координаты и время. Ур-ния звёздной гидродинамики (без учёта магн. поля) включают:

а) ур-ние неразрывности, постулирующее сохранение массы звёздного вещества:

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \nabla(\rho v) = 0;$$

б) закон сохранения импульса, описывающий изменение импульса каждого элемента вещества:

$$\rho(dv/dt) + \nabla p + \rho v \nabla \Phi = 0;$$

в) ур-ние Пуассона для гравитац. потенциала  $\Phi$ :

$$\Delta \Phi - 4\pi G\rho = 0;$$

г) закон сохранения энергии, к-рый описывает тепловое равновесие звезды с учётом энерговыделения:

$$\rho(du/dt) + p(\nabla v) + \nabla F - \rho e = 0;$$

д) ур-ние, выражающее связь потока энергии с градиентом темп-ры (закон Фика):

$$F + k\nabla T = 0.$$

В зонах адиабатич. конвекции оба последних ур-ния заменяются условием изэнтропичности ( $dS/dr = 0$ ). При пост. показателе адиабаты этот случай описывается теорией Лейна — Риттера — Эмдена.

В приведённых ур-ниях:  $\rho$  — плотность,  $v$  — скорость,  $u$  — уд. внутр. энергия,  $F$  — поток энергии,  $T$  — темп-ра,  $e$  — скорость энерговыделения,  $k$  — коф. теплопроводности,  $S$  — энтропия,  $t$  — время. Записанная система ур-ний дополняется ур-нием состояния вещества, описывающим зависимость давления от плотности, темп-ры и хим. состава звезды, а также выражениями для скорости генерации ядерной энергии и коф. теплопроводности, к-рый выражается через непрозрачность недр звёзд (поглощение излучения веществом). При исследовании эволюции звёзд добавляются ур-ния для вычисления изменений со временем