

ранга  $b_{ijkl}$  определяется точечной симметрией кристалла; он имеет в общем случае 36 независимых компонентов, однако условие  $\alpha_1^2 + \alpha_2^2 + \alpha_3^2 = 1$  оставляет независимыми из них лишь 30. Конкретный вид тензора  $b_{ijkl}$  для разл. классов симметрии приведён, напр., в [1, 2]. Для кристаллов кубической (классы симметрии  $T_dO$ ,  $O_h$ ) и гексагональной (классы  $D_{3d}$ ,  $C_{3v}$ ,  $D_6$ ,  $D_{6h}$ ) сингонии энергия М. в. имеет вид

$$\begin{aligned} \mathcal{E}_{\text{MB}}^{\text{куб}} &= (b_{11} - b_{12}) (\epsilon_{11}\alpha_1^2 + \epsilon_{22}\alpha_2^2 + \epsilon_{33}\alpha_3^2) + \\ &+ b_{44} (\epsilon_{12}\alpha_1\alpha_2 + \epsilon_{13}\alpha_1\alpha_3 + \epsilon_{23}\alpha_2\alpha_3), \end{aligned} \quad (2)$$

$$\begin{aligned} \mathcal{E}_{\text{MB}}^{\text{гекс}} &= (b_{11} - b_{12}) (\epsilon_{11}\alpha_1^2 + \epsilon_{22}\alpha_2^2 + 2\epsilon_{12}\alpha_1\alpha_2) + \\ &+ (b_{13} - b_{12})(\epsilon_{11} + \epsilon_{22})\alpha_3^2 + (b_{33} - b_{31})\epsilon_{33}\alpha_3^2 + \\ &+ 2b_{44}(\epsilon_{23}\alpha_2\alpha_3 + \epsilon_{13}\alpha_1\alpha_3). \end{aligned}$$

Здесь компоненты тензора  $b_{ijkl}$  записаны в матричных обозначениях Фогта.

Для кристаллов кубич. сингонии приняты обозначения:  $b_{11} - b_{12} = B_1$ ,  $b_{44} = B_2$ , с учётом к-рых энергия М. в. принимает вид

$$\begin{aligned} \mathcal{E}_{\text{MB}}^{\text{куб}} &= B_1 (\epsilon_{11}\alpha_1^2 + \epsilon_{22}\alpha_2^2 + \epsilon_{33}\alpha_3^2) + \\ &+ B_2 (\epsilon_{23}\alpha_2\alpha_3 + \epsilon_{13}\alpha_1\alpha_3 + \epsilon_{12}\alpha_1\alpha_2). \end{aligned} \quad (3)$$

Магнитоупругие постоянные  $B_1$  и  $B_2$  связаны с константами магнитострикции след. соотношениями

$$\begin{aligned} \lambda_{100} &= (\Delta l/l)_{100} = -\left(\frac{2}{3}\right)B_1/(C_{11} - C_{12}), \\ \lambda_{111} &= (\Delta l/l)_{111} = -\left(\frac{1}{3}\right)B_2/C_{44}, \end{aligned} \quad (4)$$

где  $C_{11}$ ,  $C_{12}$ ,  $C_{44}$  — упругие постоянные кубич. кристалла. В табл. приведены значения магнитоупругих постоянных  $B_1$  и  $B_2$  для нек-рых магнитоупорядоченных кристаллов.

Кристалл	$B_1 \left( 10^6 \frac{\text{эрд}}{\text{см}^3} \right)$	$B_2 \left( 10^6 \frac{\text{эрд}}{\text{см}^3} \right)$
$\text{Y}_3\text{Fe}_5\text{O}_{12}$	1,7	12,6
$\text{CuFe}_2\text{O}_4$ кубич.	165	-54
$\text{NiFe}_2\text{O}_4$	100	45
$\text{CoFe}_2\text{O}_4$	1400	1200
$\text{CdCr}_2\text{Sc}_4$	-3,9	42

Измерение магнитострикции является распространённым методом определения констант М. в. Др. методы — ферромагн. резонанс (сдвиг частоты резонанса под влиянием М. в.),  $\Delta E$ -эффект и изменение скорости звука под влияниеммагн. поля, динамич. магнитоакустич. явления.

В ф-ле (1) магнитоупругие константы рассматриваются как феноменологич. параметры, к-рые определяются экспериментально. В микроскопич. теории М. в. эти параметры и их зависимость от темп-ры имагн. поля определяются для данного материала, исходя из его кристаллич. структуры и квантовомеханич. характеристикмагн. ионов. Выделяют М. в., основанное намагн. диполь-дипольном взаимодействии, наанизотропном обмене и на комбинированном с участием спин-орбитального, обменного взаимодействия и навнутрикристаллич. полях.

Для более полного описания М. в. в ф-лу (1) иногда приходится вводить слагаемые более высокого порядка по направляющим косинусам вектора намагниченности.

Ф-лу (1) можно использовать для описания М. в. в магнитоупорядоченных кристаллах с неск.магн. подрешётками; нужно лишь произвести в ней дополнит. суммирование по подрешёткам и учесть наличие перекрёст-

ных по подрешёткам слагаемых. Напр., для двухподрешёточного коллинеарного АФМ

$$\mathcal{E}_{\text{MB}} = b_{ijkl}^{(1)} \epsilon_{ij} l_k l_l + b_{ijkl}^{(2)} \epsilon_{ij} m_k m_l, \quad (5)$$

где  $l$ ,  $m$  — единичные векторы антиферромагнетизма и ферромагнетизма соответственно. В случае слабого ферромагнетизма энергия М. в. содержит смешанные инварианты типа  $P_{ijkl} \epsilon_{ij} l_k m_l$ , ответственные за явления пьезомагнетизма и линейную магнитострикцию. Энергию, соответствующую таким инвариантам, наз. пьезомагнитной. В общем случае для определения вида энергии М. в. в многоподрешёточном ФМ используют пространств. симметрию кристалла.

В феноменологич. теории М. в. предполагается, что температурная зависимость магнитоупругих констант определяется тепловыми флуктуациямимагн. моментов. Усреднение по флуктуациям приводит к уменьшению модуля намагниченности и вместе с ним к уменьшению коэффициентов в выражении для энергии М. в. Температурная зависимость последних определяется законом:

$$B_l(T)/B_l(0) = m^{l(l+1)/2}, \quad (6)$$

где  $l$  — степень полинома от  $\alpha_i$  в разложении энергии М. в.,  $B_l$  — коэф. полинома,  $m = M_s(T)/M_s(0)$  — приведённая намагниченность. Напр., для разложений (1—5), где  $l = 2$ , имеем  $B(T)/B(0) = m^3$ .

Эксперим. и теоретич. исследования М. в. показали, что энергия М. в. в форме (1) хорошо описывает магнитоупругие явления в тех материалах, в к-рыхмагн. ионы, ответственные за формированиемагн. порядка, имеют в качестве оси. состояния орбитальный синглет, отделённый достаточно большим энергетич. интервалом от возбуждённых уровней. Примером таких ионов являются т. н.  $S$ -ионы, т. е. ионы, у к-рых в оси. состояния орбитальный момент  $L$  равеннулю ( $\text{Fe}^{3+}$ ,  $\text{Mn}^{2+}$ ,  $\text{Gd}^{3+}$ ,  $\text{Eu}^{2+}$  и др.), а также ионы с «замороженным» орбитальным моментом ( $\text{Cr}^{3+}$ ,  $\text{Ni}^{2+}$  в октаэдрич. окружении и др.). Др. тип ионов — ионы, у к-рых орбитальный момент в оси. состоянии отличен от нуля, напр. редкоземельные ионы,  $\text{Co}^{2+}$  в ферритах и др. Для описания М. в. таких ионов используют микроскопич. теорию.

Элементы атомно-микроскопической теории М. в. Микроскопич. описание М. в. основывается на применении спинового гамильтониана. Оно позволяет установить связь магнитоупругих явлений с электроннойструктуроймагнетика, выяснить микроскопич. механизмы М. в., определить зависимость магнитоупругих явлений от темп-ры,магн. поля, составамагнетика и др. факторов. В общем виде спиновый гамильтониан М. в. представляет собой сумму элементарных взаимодействий спиновыхмагн. моментов со смещениями ионов от положений равновесия, включающими в себяупругие деформации (акустич. фононы) и смещения ионов внутри элементарной ячейки (оптич. фононы). Различают спиновые гамильтонианы одноионного и двухионного М. в.

Одноионное М. в. обусловлено смещениями ионов кристалла при деформации, к-рые изменяют внутрикристаллич. поле, действующее намагн. ион, и тем самым энергию ионов в этом поле. Двухионное М. в. обусловлено зависимостью от деформации таких взаимодействий, какмагнитодипольное, псевдодипольное, обменное.

В случае материалов, содержащих ионы с нулевым или «замороженным» орбитальным моментом, микроскопич. теория даёт для энергии М. в. выражение того же вида, что и феноменологич. теория. В частности, зависимость магнитоупругих констант от темп-ры  $T$  имагн. поля  $H$  полностью определяется намагниченностью  $m(H, T)$  [Э. Каллен (E. Callen), X. Каллен (H. Callen), 1963]:

$$B_l(T)/B_l(0) = \hat{J}_{l+1/2} \{ L^{-1} [m(H, T)] \}, \quad (7)$$