

**ЛОКАЛЬНОЕ ТЕРМОДИНАМИЧЕСКОЕ РАВНОВЕСИЕ** — одно из осн. понятий *термодинамики неравновесных процессов и механики сплошных сред*; равновесие в очень малых (элементарных) объёмах среды, содержащих всё же столь большое число частиц (молекул, атомов, ионов и др.), что состояние среды в этих физически бесконечно малых объёмах можно характеризовать темп-рой  $T(x)$ , хим. потенциалами  $\mu_k(x)$  и др. термодинамич. параметрами, но не постоянными, как при полном равновесии, а зависящими от пространств. координат  $x$  и времени. Ещё один параметр Л. т. р. — гидродинамич. скорость  $u(x)$  — характеризует скорость движения центра масс элемента среды. При Л. т. р. элементов среды состояние среды в целом неравновесно. Если малые элементы среды рассматривать приближённо как термодинамически равновесные подсистемы и учитывать обмен энергией, импульсом и веществом между ними на основе ур-ний баланса, то задачи термодинамики неравновесных процессов решаются методами термодинамики и механики. В состоянии Л. т. р. плотность энтропии  $s(x)$  на единицу массы является ф-цией плотности внутр. энергии  $w(x)$  и концентраций компонентов  $c_k(x)$ , такой же, как и в состоянии *равновесия термодинамического*. Термодинамич. равенства остаются справедливыми для элемента среды при движении вдоль пути его центра масс:

$$T(x) \frac{ds(x)}{dt} = \frac{dw(x)}{dt} + P(x) \frac{dv(x)}{dt} - \sum_k \mu_k(x) \frac{dc_k(x)}{dt},$$

где  $d/dt = \partial/\partial t + u(x) \text{ grad}$ ,  $\hat{P}(x)$  — давление,  $v(x)$  — удельный объём.

Статистич. физика позволяет уточнить понятие Л. т. р. и указать пределы его применимости. Понятию Л. т. р. соответствует локально равновесная ф-ция распределения  $f$  плотности энергии, импульса и массы, к-рая отвечает максимуму информации энтропии при заданных ср. значениях этих величин как ф-ций координат и времени:

$$f = Z^{-1} \exp \left\{ - \int dx \left[ \hat{w}(x) - \sum_k \mu_k(x) \hat{\rho}_k(x) \right] T^{-1}(x) \right\},$$

где  $Z$  — статистич. сумма,  $\hat{w}(x)$ ,  $\hat{\rho}_k(x)$  — динамич. переменные (ф-ции координат и импульсов всех частиц системы), соответствующие плотности энергии (в системе координат, движущейся с гидродинамич. скоростью) и плотности массы. При помощи такой ф-ции распределения можно определить понятие энтропии неравновесного состояния как энтропии такого локально равновесного состояния, к-рое характеризуется теми же значениями плотностей энергии, импульса и массы, что и рассматриваемое неравновесное состояние. Однако локально равновесное распределение позволяет получать лишь ур-ния т. н. идеальной гидродинамики, в к-рых не учитываются необратимые процессы. Для получения ур-ний гидродинамики, учитывающих необратимые процессы теплопроводности, вязкости и диффузии (т. е. *переноса явления*), требуется обращаться к кинетич. ур-нию для газов (см. *Кинетика физическая*) или к *Лиувилля уравнению*, справедливому для любой среды, и искать такие их решения, к-рые зависят от координат и времени лишь через ср. значения параметров, определяющих неравновесное состояние. В результате получается неравновесная ф-ция распределения, к-рая позволяет вывести все ур-ния, описывающие процессы переноса энергии, импульса и вещества (ур-ния диффузии, теплопроводности и *Навье — Стокса уравнения*).

Лит.: Гроот С., Мазур П., *Неравновесная термодинамика*, пер. с англ., М., 1964, тл. 3, § 2; Хаазе Р., *Термодинамика необратимых процессов*, пер. с нем., М., 1967; Зубарев Д. Н., *Неравновесная статистическая термодинамика*, М., 1971, § 20—22. Д. Н. Зубарев.

**ЛОКАЛЬНЫЙ ОПЕРАТОР** — ф-ция от квантовых полей в точке  $x$  пространства-времени и от их производных по  $x$  любого конечного порядка (в той же точке).

Примерами Л. о. [помимо исходных квантовых полей  $\Phi(x)$ ] служат *лагранжиан* полей  $L(\Phi(x), \partial_\mu \Phi(x))$  ( $\partial_\mu \equiv \partial/\partial x^\mu$ ,  $\mu=0, 1, 2, 3$ ), *тензор энергии-импульса*  $T^{\mu\nu}(x)$ , фермионный ток  $j^\mu(x) = \bar{\psi}(x)\gamma^\mu\psi(x)$  [где  $\psi(x)$  — квантованное поле фермиона,  $\gamma^\mu$  — *Дирака матрицы*, черта над  $\psi$  означает дираковское сопряжение] (см. *Ток* в квантовой теории поля). Таким выражениям для квантовых Л. о., заимствованным из классич. теории поля, присущи неопределённости (*расходимости*), устранение к-рых требует привлечения аппарата *перенормировок*. В *аксиоматической квантовой теории поля* понятие Л. о. используется в более широком смысле для обозначения операторных функционалов, зависящих от релятивистских квантовых полей в нек-рой огранич. области пространства-времени [напр.,  $\int \Phi(x)f(x)d^4x$  — результат сглаживания квантового поля  $\Phi(x)$  с пробной ф-цией  $f(x)$ , сосредоточенной в огранич. области].

Лит.: Боголюбов Н. Н., Ширков Д. В., Введение в теорию квантованных полей, 4 изд., М., 1984; Страттер Р., Вайтман А., РСТ, спин и статистика и все такое, пер. с англ., М., 1966. А. И. Ожак.

**ЛОНДОНОВ УРАВНЕНИЕ** — феноменологич. ур-ние, описывающее распределение магн. поля в сверхпроводниках. Предложено Ф. Лондоном и Х. Лондоном (F. London, H. London, 1935) задолго до построения микроскопич. теории сверхпроводимости (1957, см. *Бардина — Купера — Шриффера модель*). Л. у. имеет вид

$$\mathbf{H} + \lambda_L^2 \text{rot rot } \mathbf{H} = 0, \quad (1)$$

где  $\mathbf{H}$  — локальное магн. поле в сверхпроводнике,  $\lambda_L = (mc^2/4\pi n_s e^2)^{1/2}$  — параметр, имеющий размерность длины и наз. лондоновской глубиной (см. *Глубина проникновения*) проникновения магн. поля. Здесь  $m$  и  $e$  — соответственно масса и заряд электрона,  $n_s$  — концентрация сверхпроводящих электронов, т. е. электронов, объединённых в куперовские пары (см. *Купера эффект*). Ур-ние (1) получается в результате минимизации свободной энергии сверхпроводника  $F = \mathcal{E}_M + \mathcal{E}_K$ , состоящей из энергии магн. поля  $\mathcal{E}_M = \int (H^2/8\pi) dV$  и кинетич. энер-

гии сверхпроводящих электронов  $\mathcal{E}_K = \int (1/2) n_s m v_s^2 dV$ , движущихся в сверхпроводнике с постоянной по времени скоростью  $v_s$  при наличии в нём бездиссипативного электрич. тока

$$\mathbf{j}_S(r) = n_s e v_S(r). \quad (2)$$

Вариация свободной энергии по  $\mathbf{H}$  с учётом *Максвелла уравнения*  $\text{rot } \mathbf{H} = (4\pi/c) \mathbf{j}_S$  даёт ур-ние (1). Л. у. (1) описывает *Мейснера эффект*, т. е. спадание магн. поля в глубь сверхпроводника. Так, на глубине  $z$  под плоской поверхностью сверхпроводника, согласно ур-нию (1),  $H(z) = H(0) \exp(-z/\lambda_L)$ , где  $H(0)$  — напряжённость поля на поверхности. Т. о., магн. поле проникает в сверхпроводник лишь на глубину  $\lambda_L$ . Для металлов  $\lambda_L \sim 10^{-2}$  мкм.

Ур-ние (1) предполагает наличие локальной связи (2) между током и скоростью сверхпроводящих электронов: ток в нек-рой точке сверхпроводника зависит от скорости сверхпроводящих электронов в той же точке. Это имеет место, когда глубина проникновения  $\lambda$  значительно больше длины когерентности  $\xi_0$ , определяющей расстояние, на к-ром скоррелированы волновые функции сверхпроводящих электронов. Сверхпроводники, у к-рых  $\lambda_L \gg \xi_0$  и к к-рым, следовательно, применимо ур-ние (1), наз. *лондоновскими* и с в р о в о д н и к а м и. В случае малой глубины проникновения локальная связь (2) нарушается. Для описания эффекта Мейснера в таких сверхпроводниках А. Б. Пипардом (А. В. Pippard, 1953) было предложено нелокальное обобщение ур-ния (1). Сверхпроводники с  $\lambda_L \leq \xi_0$  наз. *пипардовскими*; к ним отно-