

Онсагеровские К. к. удовлетворяют *Онсагера теореме* (или соотношениям взаимности Онсагера), выражающей свойства симметрии К. к.: $L_{ik} = L_{ki}$ в отсутствие магн. поля и вращения системы как целого, когда потоки I_i и I_k имеют одинаковую чётность (симметрию относительно обращения времени). Онсагеровские К. к. можно выразить через коэф. теплопроводности, диффузии, вязкости и др., к-рые также наз. К. к. Вычисление К. к. на основе представления о молекулярном строении среды — задача *кинетической физической*, в частности *кинетической теории газов*.

Лит.: де Гроот С., Мазур П., Неравновесная термодинамика, пер. с англ., М., 1964, гл. 4—5. Д. Н. Зубарев. **КИНЕТИЧЕСКИЕ УРАВНЕНИЯ** для плазмы — замкнутая система ур-ний для одночастичных ф-ций распределения частиц плазмы по координатам \mathbf{r} и скоростям \mathbf{v} (импульсам \mathbf{p}) совместно с *Максвелла уравнениями* для ср. напряжённостей эл.-магн. полей, создаваемых частицами плазмы. Кинетич. (статистич.) подход к описанию состояния плазмы часто играет важную роль в описании макроскопич. свойств плазмы, к-рые не могут быть выявлены при гидродинамич. подходе. Напр., возникновение ленгмюровских волн при движении двух электронных пучков навстречу друг другу с равными скоростями описывается кинетич. теорией при рассмотрении пучков как двух жидкостей. Если же электроны в данном примере рассматривать при гидродинамич. подходе как единую жидкость с равной нулю ср. скоростью, то возникновение ленгмюровской неустойчивости нельзя предсказать.

Наиб. простыми являются К. у. для полностью ионизованной электронно-ионной плазмы — ур-ния для ф-ций распределения $f_a(\mathbf{r}, \mathbf{p}, t)$ электронов ($a=e$), однозарядных ионов ($a=i$) и напряжённостей электрич. $\mathbf{E}(\mathbf{r}, t)$ и магн. $\mathbf{B}(\mathbf{r}, t)$ полей. Эти ф-ции являются первыми моментами соответствующих микроскопич. случайных ф-ций (см. *Моменты*); микроскопич. фазовых плотностей $N_a(\mathbf{r}, \mathbf{p}, t)$ и микроскопич. напряжённостей полей $\mathbf{E}^M(\mathbf{r}, t)$ и $\mathbf{B}^M(\mathbf{r}, t)$. Точные ур-ния для ф-ций f_a , \mathbf{E} и \mathbf{B} имеют вид

$$\begin{aligned} \frac{\partial f_a}{\partial t} + \mathbf{v} \frac{\partial f_a}{\partial \mathbf{r}} + e_a \left(\mathbf{E} + \frac{1}{c} [\mathbf{vB}] \right) \frac{\partial f_a}{\partial \mathbf{p}} &= I_a(\mathbf{r}, \mathbf{p}, t); \\ \text{rot } \mathbf{B} &= \frac{1}{c} \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t} + \frac{4\pi}{c} \sum_a e_a n_a \int \mathbf{v} f_a d\mathbf{p}; \quad \text{div } \mathbf{B} = 0; \\ \text{rot } \mathbf{E} &= -\frac{1}{c} \frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t}; \quad \text{div } \mathbf{E} = 4\pi \sum_a e_a n_a \int f_a d\mathbf{p}. \end{aligned} \quad (1)$$

Они не являются ещё замкнутыми, т. к. «интегралы столкновений» $I_a(\mathbf{r}, \mathbf{p}, t)$ определяются вторыми моментами флуктуаций случайных величин N_a , \mathbf{E}^M , \mathbf{B}^M :

$$n_a I_a(\mathbf{r}, \mathbf{p}, t) = -\frac{\partial}{\partial \mathbf{p}} \left(e_a \overline{\delta N_a \delta \mathbf{E}} + \frac{e_a}{c} \{ \mathbf{v} \delta N_a \delta \mathbf{B} \} \right). \quad (2)$$

Ур-ния (1) справедливы и для релятивистской плазмы; в этом случае импульс и скорость связанных равновесием $\mathbf{p} = m_a \mathbf{v} / \sqrt{1 + v^2/c^2}$.

Для кулоновской плазмы, в к-рой потенциал взаимодействия зарядж. частиц Φ_{ab} определяется законом Кулона ($\Phi_{ab} = e_a e_b / r$), интегралы I_a могут быть выражены через двухчастичные корреляц. ф-ции зарядж. частиц g_{ab} :

$$I_a = \sum_b n_b \int \frac{\partial \Phi_{ab}}{\partial \mathbf{r}} \frac{\partial}{\partial \mathbf{p}} g_{ab}(\mathbf{r}, \mathbf{p}, \mathbf{r}', \mathbf{p}', t) d\mathbf{r}' d\mathbf{p}'. \quad (3)$$

Если ф-цию g_{ab} выразить через f_a , то получается замкнутая система ур-ний для ф-ций f_a , \mathbf{E} , \mathbf{B} . Это оказывается возможным, напр., для разреженной плазмы при не очень больших отклонениях от состояния равновесия, когда осн. роль играют мелкомасштабные флуктуации с радиусом корреляции $\ll r_D$ (*дебаевского радиуса экранирования*). В разреженной плазме число частиц N_D в сфере с дебаевским радиусом много больше единицы. По этой причине, в отличие от разреженного газа,

где осн. роль играют парные столкновения, в разреженной плазме с эфф. радиусом взаимодействия r_D взаимодействие носит далекодействующий коллективный характер. (Поэтому слова «интегралы столкновений» поставлены выше в кавычках.) Если длина релаксации $l_{\text{рел}}$ («длина свободного пробега») и время релаксации («время свободного пробега») $\tau_{\text{рел}}$, определяемые интегралами столкновений в разреженной плазме, достаточно велики по сравнению с r_D , r_D/v , т. е.

$$l_{\text{рел}} \gg r_D \quad \text{и} \quad \tau_{\text{рел}} \gg r_D/v, \quad (4)$$

то ф-ции g_{ab} удаётся выразить через f_a .

Для нерелятивистской классич. (неквантовой) плазмы интеграл столкновений в наиболее часто употребляемой форме, предложенной Ландау, имеет вид

$$\begin{aligned} I_a(\mathbf{p}, t) &= \sum_b e_a^2 e_b^2 n_b \frac{\partial}{\partial \mathbf{p}_i} \int \frac{k_i k_j}{k^4} \delta(k\mathbf{v} - k'\mathbf{v}') \times \\ &\times \left\{ \frac{\partial f_a(\mathbf{p}, t)}{\partial p_j} f_b(\mathbf{p}', t) - \frac{\partial f_b(\mathbf{p}', t)}{\partial p'_j} f_a(\mathbf{p}, t) \right\} dk d\mathbf{p}'. \end{aligned} \quad (5)$$

Область интегрирования по k здесь ограничена условиями $1/l_D > k > 1/r_D$ ($l_D = e^2/kT$ — т. н. длина Ландау). Левое неравенство есть следствие условия слабого взаимодействия, к-рое используется при выводе (5), а правое предполагает малую роль крупномасштабных флуктуаций с радиусом корреляций $> r_D$. Это оправдано при условии близости к равновесному состоянию. Используется и более общее выражение для интеграла столкновений (т. н. форма Балеску — Ленарда), в к-ром учитывается влияние электрич. поляризуемости плазмы. При этом отпадает необходимость в условии $k > 1/r_D$. Интегралы столкновений (5) слабо зависят от выбора границ области интегрирования по k , т. к. величины l_D и r_D в окончат. результатах входят лишь под знаком логарифма (*кулоновский логарифм*).

Интегралы столкновений I_a для плазмы обладают свойствами

$$\sum_a n_a \int \Phi_a I_a d\mathbf{p} \begin{cases} = 0 & \text{при } \Phi_a(\mathbf{p}) = 1, \quad \mathbf{p}, \quad p^2/2m, \\ > 0 & \text{при } \Phi_a(\mathbf{p}) = -k \ln f_a, \end{cases} \quad (6)$$

к-рые обеспечивают сохранение полных плотности числа частиц, плотности импульса и плотности кинетич. энергии идеальной плазмы, а также возрастание энтропии при установлении равновесного состояния в изолированной плазме (*Больцмана H-теорема*). Возможно обобщение К. у. на случай неидеальной плазмы, когда взаимодействие зарядж. частиц определяет не только релаксац. процессы, но и даёт вклад в термодинамич. ф-ции.

К. у. для плазмы существенно упрощаются в двух предельных случаях. Для случая, когда длины свободных пробегов $l_{\text{рел}}$ и соответствующие времена релаксации $\tau_{\text{рел}}$ велики по сравнению с характерными параметрами L и T задачи, столкновениями частиц можно пренебречь, учитывая лишь коллективное взаимодействие частиц через ср. (самосогласованные) поля. Это т. н. *бесстолкновительное приближение* приводит к ур-нию Власова:

$$\frac{\partial f_a}{\partial t} + \mathbf{v} \frac{\partial f_a}{\partial \mathbf{r}} + e_a \left(\mathbf{E} + \frac{1}{c} [\mathbf{vH}] \right) \frac{\partial f_a}{\partial \mathbf{p}} = 0. \quad (7)$$

Ур-ние Власова само по себе является обратимым. Однако поскольку бесстолкновительное приближение справедливо лишь для ограниченной плазмы, то необратимость возникает через диссипативные граничные условия, а также при усреднении нач. условий по бесконечно малому интервалу времени при переходе от микроскопич. фазовой плотности к одночастичной ф-ции распределения. Бесстолкновительное приближение имеет широкую область применения — от высокотемпературной плазмы термоядерных установок до космич. плазмы.