

ленным от $-q_m$ к $+q_m$ ($\mathbf{p}_m = q_m \mathbf{l}$). В предельном случае $q_m \rightarrow \infty$, $l \rightarrow 0$, $\rho_m = \text{const}$ принято говорить о точечном или элементарном Д. м. Понятие Д. м. возникло в кон. 18—нач. 19 вв., когда для объяснения природы магнетизма предполагалось существованиемагн. материи. Впоследствии оно сохранило своё значение как удобная модель, позволяющая правильно вычислять поля соленоидальных электрич. токов. Если объёмная плотность тока $j(\mathbf{r})$ чисто соленоидальна ($\operatorname{div} j = 0$), её можно выразить через вектор намагниченности \mathbf{M} , $[j(\mathbf{r}) = c \operatorname{rot} \mathbf{M}]$, представляющий собой плотность магнитного момента $d\mathbf{m}/dV = \mathbf{M}$, так чтомагн. момент всей системы токов $j(\mathbf{r})$ равен:

$$\mathbf{p}_m = \mathbf{m} = \int \mathbf{M} dV = (2c)^{-1} \int [r j] dV. \quad (*)$$

Здесь использована Гаусса система единиц, интегрирование производится по всему объёму V , занятому токами. В частности, ток I , текущий по тонкому замкнутому контуру, лежащему в плоскости $n = \text{const}$ (n — нормаль к поверхности S , натянутой на контур), имеет, согласно (*),магн. момент $\mathbf{m} = I S n c^{-1}$. Предельный случай элементарного диполя соответствует значению $j = -c[\mathbf{m} \nabla \delta(\mathbf{r} - \mathbf{r}_d)]$, где $\delta(\mathbf{r} - \mathbf{r}_d)$ —дельта-функция, \mathbf{r}_d — радиус-вектор точки расположения диполя. На ток во внеш. постоянноммагн. поле с вектором индукции $\mathbf{B}(\mathbf{r})$ действуют сила и вращающий момент. Еслимагн. поле мало меняется на расстояниях порядка размеров токового распределения, сила равна $\mathbf{F} = \operatorname{rot} [\mathbf{B}\mathbf{m}] = \operatorname{grad}(\mathbf{m}\mathbf{B})$. Вращающий момент \mathbf{N} равен $\mathbf{N} = [\mathbf{m}\mathbf{B}]$.

Т. о., в макроскопич. электродинамике фигурируют Д. м. двух видов: «зарядовый» Д. м., образуемый фiktивнымимагн. зарядами, распределёнными (в случае точечного источника) с плотностью $\rho_m = (\mathbf{m}_p \nabla \delta(\mathbf{r} - \mathbf{r}_d))$, и «токовый» Д. м., образуемый соленоидальными электрич. токами, распределёнными (тоже в случае точечного источника) с плотностью $j = -c[\mathbf{m}_j \nabla \delta(\mathbf{r} - \mathbf{r}_d)]$. Поля, создаваемые равными Д. м. ($\mathbf{m}_p = \mathbf{m}_j$) вне области источников вакууме (или в любой иной среде,магн. проницаемость которой $\mu = 1$), одинаковы, однако в средах с $\mu \neq 1$ совпадение достигается, если только принять, что $\mathbf{m}_p = \mu \mathbf{m}_j$, т. е. считать, что дипольный момент зарядового Д. м. зависит от проницаемости. В неоднородных и (или) анизотропных средах различие в структурах полей, вообще говоря, не устраивается.

Фактически все известныеныне Д. м. являются токовыми. Существование зарядовых Д. м., образованных магнитными монополями, остаётся проблематичным. Однако зарядовые Д. м. сохраняют определённое методич. значение, ибо их поля находятся в строгом соответствии с полями зарядовых электрич. диполей и получаются из них с помощью двойственности перестановочной принципа, т. е. замены $\rho_e \rightarrow \rho_m$, $\varepsilon \leftrightarrow \mu$, $\mathbf{E} \rightarrow \mathbf{H}$, $\mathbf{H} \rightarrow -\mathbf{E}$. Это позволяет во мн. случаях (но не всегда!) установить свойства и поведение реальных токовых Д. м. без дополнит. вычислений (излучение Д. м. с изменяющимся во времени ρ_m , движение в заданных полях, взаимодействие неск. Д. м. и т. п.).

Лит.: Ландсберг Л. Д., Лифшиц Е. М., Теория поля, 6 изд., М., 1973; Джексон Дж., Классическая электродинамика, пер. с англ., М., 1965; Сивухин Д. В., Общий курс физики, 2 изд., т. 3, М., 1983.

М. А. Миллер. **ДИПОЛЬ ТОРOIDНЫЙ** — то же, что *анаполь*.

ДИПОЛЬ ЭЛЕКТРИЧЕСКИЙ — система, состоящая из двух одинаковых по величине, но разноименных точечных зарядов ($\pm q$), расположенных на конечном расстоянии l друг от друга. Характеризуется дипольным моментом (ДМ), равным по величине $p = ql$ и направленным от $-q$ к $+q$ ($\mathbf{p} = ql$). Элементарным или точечным Д. э. наз. предельная система с $l \rightarrow 0$, $|q| \rightarrow \infty$ при конечном p . Плотность электрич. заряда $\rho(\mathbf{r})$ в этом случае допускает представление $\rho = (p\nabla) \delta(\mathbf{r} - \mathbf{r}_d)$, где $\delta(\mathbf{r} - \mathbf{r}_d)$ — дельта-функция, \mathbf{r}_d — радиус-вектор точки расположения Д. э. Поле

элементарного Д. э. полностью определяется его ДМ, тогда как в поле реального Д. э. заметный вклад дают и мультипольные моменты. В статич. случае ($d\rho/dt = 0$) поля мультиполей убывают с расстоянием тем быстрее, чем выше их порядок, поэтому на больших расстояниях ($r > l$) поле реального Д. э. не отличается от поля элементарного Д. э.

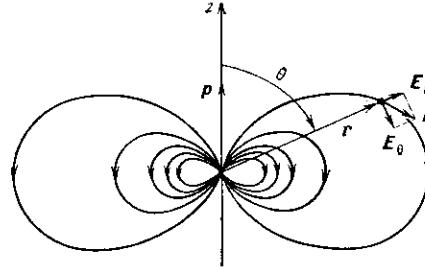
Статический Д. э. создаёт чисто потенц. (безвихревое) поле. В однородной изотропной среде с диэлектрич. проницаемостью ϵ напряжённость электрич. поля \mathbf{E} точечного Д. э. выражается ф-лами (Гаусса система единиц)

$$\mathbf{E} = -\nabla\Phi, \quad \Phi = (pr)/\epsilon r^3, \quad (1)$$

где \mathbf{r} — радиус-вектор из точки Д. э. в точку наблюдения (точку поля). В сферич. координатах (r, θ, ϕ ; угол θ отсчитывается от направления \mathbf{p}):

$$E_r = 2p \cos \theta/\epsilon r^3, \quad E_\theta = p \sin \theta/\epsilon r^3. \quad (2)$$

Т. о., поле Д. э. убывает быстрее ($\sim r^{-3}$), чем поле точечного заряда ($\sim r^{-2}$). На рис. приведена картина силовых линий \mathbf{E} , даваемых соотношениями (1) и (2)



в сечении $\phi = \text{const}$; линии неограниченно стягиваются в центре, ибо поле Д. э. сингулярно вблизи источника ($\sim r^{-3}$).

Энергия взаимодействия Д. э. с внеш. полем $\mathbf{E}_{\text{вн}}$ пропорциональна ДМ и в случае точечного Д. э. равна $W = -(p\mathbf{E}_{\text{вн}})$. При конечных l это соотношение справедливо в приближении $l \ll L_E$, где L_E — характерный масштаб изменения $\mathbf{E}_{\text{вн}}$. На Д. э. в таком поле действуют сила $\mathbf{F} = -\nabla W = (p\nabla)\mathbf{E}_{\text{вн}}$ и вращающий момент $\mathbf{N} = [p\mathbf{E}_{\text{вн}}]$. Под их воздействием Д. э. стремится ориентироваться вдоль поля и перемещается в область более сильного поля.

Распределение заряда в огранич. области V описывается его плотностью $\rho(\mathbf{r}')$. Потенциал электростатич. поля, созданного такой системой неподвижных зарядов, на расстояниях \mathbf{r} , превышающих её характерные размеры, равен $\Phi = q/r + (pr)/r^3 + \dots$, где $q = \int \rho(\mathbf{r}') dV$ — полный заряд, $p = \int \mathbf{r}' \rho(\mathbf{r}') dV$ — ДМ системы. Если такая система находится во внеш. поле с потенциалом $\Phi_{\text{вн}}(r)$, то при малом изменении $\Phi_{\text{вн}}$ на расстояниях порядка размеров системы её энергия равна $W \approx q\Phi_{\text{вн}}(0) - (p\dot{\Phi}_{\text{вн}}(0)) + \dots$ при соответствующем выборе начала отсчёта.

Отсюда и из ф-лы (1) можно найти энергию взаимодействия W_{12} двух диполей с ДМ \mathbf{p}_1 и \mathbf{p}_2 , расположенных в точках \mathbf{r}_1 и \mathbf{r}_2 :

$$W_{12} = [(p_1 p_2) - 3(n p_1)(n p_2)] r_{12}^{-3}, \quad \text{где } \mathbf{r}_{12} = \mathbf{r}_1 - \mathbf{r}_2,$$

$$n = \mathbf{r}_{12}/r_{12}.$$

Д. э. с переменным ДМ эквивалентен отрезку длины l с изменяющимся во времени током поляризации I : $I = dp/dt$, поэтому он создаёт и электрич. имагн. поля (см. Антенна, Дипольное излучение). Поля изучения перем. мультиполей, хотя и имеют разную пространств. структуру, но убывают с расстоянием одинаково, поэтому излучение реального диполя, строго говоря, всегда отличается от идеального дипольного излучения.