

фект), термофорез и др. Если тело с коэф. теплопроводности  $\lambda_T$  поместить в газ с теплопроводностью  $\lambda_r$ , в к-ром имеется градиент темп-ры, то появится и градиент темп-ры вдоль поверхности тела, а следовательно, и скольжение газа от холодной части к горячей. Явления, вызванные этим движением газа, наз. термофоретическими. Т. к. это течение газа обусловлено телом, то

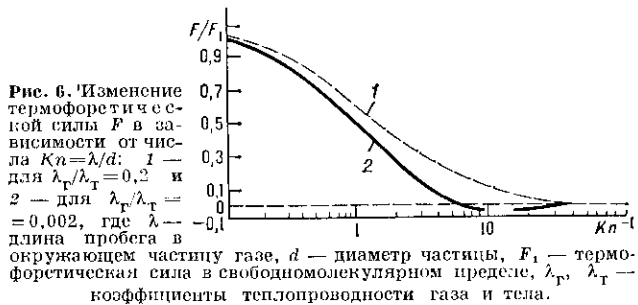


Рис. 6. Изменение термофоретической силы  $F$  в зависимости от числа  $Kn = \lambda/d$ : 1 — для  $\lambda_r/\lambda_T = 0,2$  и 2 — для  $\lambda_r/\lambda_T = 0,002$ , где  $\lambda$  — длина пробега в окружающем газу,  $d$  — диаметр частицы,  $F_1$  — термофоретическая сила в свободномолекулярном пределе,  $\lambda_r, \lambda_T$  — коэффициенты теплопроводности газа и тела.

на тело будет действовать реактивная термофоретич. сила  $F$  в противоположную сторону. Термофорез имеет место и в промежуточной области (рис. 6). При увеличении теплопроводности тела его темп-ра выравнивается и термофоретич. сила уменьшается. Если частица не закреплена, то она будет двигаться со скоростью термофореза, при к-рой её сопротивление равно термофоретич. силе. В результате термофореза происходит, напр., осаждение частиц в тонках.

Выше предполагалось, что в течениях имеется лишь одно характерное число Кнудсена, определяющее режим течения. Однако это не всегда так. При обтекании тел можно выделить несколько характерных длин пробега (напр., длину пробега набегающих молекул в поле молекул, отражённых от тела, длину пробега отражённых молекул на набегающих, длину пробега отражённых молекул на отражённых). При гиперзвуковых скоростях ( $M \gg 1$ ) в режиме, близком к свободномолекулярному, эти длины пробега могут существенно отличаться как друг от друга, так и от длины пробега в набегающем потоке  $\lambda_\infty$ . Величина этих длин пробега зависит от законов взаимодействия молекул между собой и с телом, от темп-ры и формы тела. Вместо числа  $Kn_\infty = \lambda_\infty/L$ , где  $L$  — характерный размер тела, определяющим режим течения может оказаться число  $Kn$ , построенное по одной из указанных характерных длин. Так, напр., в условиях натурального космич. полёта характерное число  $Kn$  оказывается в  $M$  раз меньше  $Kn_\infty$ , а в условиях аэродинамич. трубы — в  $M$  раз больше, т. е. в натуральных условиях при увеличении числа Маха течение удаляется от свободномолекулярного, а в условиях аэродинамич. трубы стремится к нему. Поэтому при  $M \gg 1$  в условиях эксперимента в аэродинамич. трубе свободномолекулярные характеристики могут достигаться при  $Kn \ll 1$ . Это связано с тем, что законы взаимодействия молекул между собой и с телом существенно зависят от темп-ры газа и стенки, так что для полного моделирования недостаточно выдерживать натурные значения  $M$  и  $Re$ , но необходимо выдерживать и натурные значения темп-ры набегающего потока и тела. В условиях гиперзвуковой аэродинамич. трубы, как правило, темп-ра набегающего потока ниже, чем в натурном полёте, а темп-ра тела близка темп-ре торможения  $T_0$ , в то время как в полёте большая часть тепла излучается и темп-ра тела оказывается много меньше  $T_0$ .

Разл. характер изменения аэродинамич. характеристик тел разной формы при  $M \gg 1$  в промежуточной области объясняется также характером столкновения разных групп молекул. При обтекании тупых тел молекулы набегающего потока рассеиваются на отражённых молекулах и сопротивление падает по сравнению со свободномолекулярным течением. При обтекании же тонких тел (пластина, параллельная потоку, тонкий

конус и т. п.) в результате столкновений на тело падают молекулы, к-рые без столкновений пролетели бы мимо тела, и это приводит к возрастанию сопротивления по сравнению со свободномолекулярным пределом.

Как уже отмечалось, при  $Kn \ll 1$  справедливы представления сплошной среды, т. е. классич. газовой динамики, и применимы *Навье — Стокса уравнения*. Однако наряду с основным, «внешним», характерным размером течения  $L$  (напр., размером обтекаемого тела) в течениях могут иметь место «внутренние», или «собственные», характерные размеры  $L_i$ , напр. толщина пограничного слоя Прандтля  $\delta \sim \sqrt{\lambda L}$  или толщина ударной волны  $h \sim \lambda$ . Если характерный размер области больше длины пробега молекул, то течение в ней может быть описано в рамках классич. газодинамики (напр., слой Прандтля). Однако чем ближе  $L_i$  к  $\lambda$ , тем менее точным становится такое описание.

**Слой Кнудсена.** Если стенка не находится в равновесии с газом, то в общем случае ф-ция распределения континуального приближения не удовлетворяет микроскопич. граничному условию на стенке. Поэтому между стенкой и континуальной областью должна существовать переходная область толщиной порядка длины пробега — *слоем Кнудсена*, в к-рой континуальное описание неправомерно. Слой Кнудсена, как и *ударная*

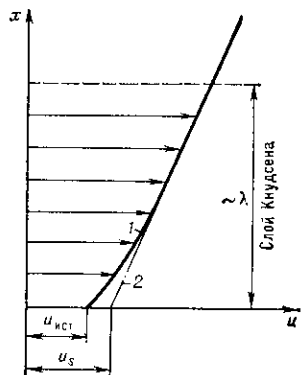


Рис. 7. Течение в слое Кнудсена;  $x$  — расстояние по нормали к стенке,  $u$  — тангенциальная скорость,  $u_s$  — скорость скольжения,  $u_{ист}$  — истинная скорость газа у стенки, 1 — истинный профиль скоростей, 2 — профиль скоростей в решении уравнений Навье — Стокса с условием скольжения на стенке.

*волна*, должен рассматриваться в рамках кинетич. теории с помощью ур-ния Больцмана. В этом слое распределение газодинамич. параметров, напр. скоростей, имеет вид, показанный на рис. 7. Скорость скольжения  $u_s$  не равна истинной скорости газа у стенки. Решение ур-ния Больцмана в слое Кнудсена связывает справедливое вне слоя Кнудсена континуальное решение с физ. условиями взаимодействия молекул с поверхностью тела. При рассмотрении течений во внешней по отношению к кнудсеновскому слою газодинамич. области истинный ход изменения скоростей или темп-ры внутри слоя Кнудсена несуществен. Важны лишь скорости скольжения  $u_s, u_T$  и скачок темп-р  $\Delta T_w$ , дающие макроскопич. граничное условие для газодинамич. области на стенке:

$$u = u_s + u_T = \lambda a \left( A \frac{\partial u}{\partial y} + B \frac{\partial T}{\partial x} \right), \quad \Delta T_w = \lambda C \frac{1}{T} \frac{\partial T}{\partial y},$$

где  $A, B, C$  — коэф., зависящие от параметров газа у стенки, сорта молекул и закона их взаимодействия со стенкой. Заметим, что сами представления о газе как о континууме не содержат к.- л. сведений о граничных условиях на твёрдых или жидких поверхностях (кроме условия непротекания) и они должны быть получены из дополнит. предположений или эксперимента. Хотя получаемое с этими граничными условиями решение ур-ний Навье — Стокса внутри кнудсеновского слоя (прямая 2 на рис. 7) отличается от истинного решения, потоки тепла и импульса (напряжения трения) к стенке определяются с точностью, соответствующей точности самих ур-ний газодинамики.