

а соответствующий декуплет можно представить антисимметричной матрицей вида:

$$\frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 0 & \tilde{u}_3 - \tilde{u}_2 - u_1 - d_1 \\ -\tilde{u}_3 & 0 & \tilde{u}_1 - u_2 - d_2 \\ \tilde{u}_2 - u_1 & 0 & -u_3 - d_3 \\ u_1 & u_2 & u_3 & 0 & -e^+ \\ d_1 & d_2 & d_3 & e^+ & 0 \end{pmatrix}$$

(где тильда является знаком античастицы). При этом все фермионные поля считаются левыми киральными полями. Правые компоненты частиц получаются CP -сопряжением левых компонент античастиц. [Заметим, что в $SU(5)$ -теории нет необходимости в правом нейтрино (левом антинейтрино), однако оно, вообще говоря, могло бы существовать в качестве $SU(5)$ -синглета.]

В группе $SU(5)$ имеются 24 генератора. Соответственно калибровочное взаимодействие осуществляется обменом 24 векторными бозонами. Из них 12 (8 глюонов, W^\pm -бозоны, Z -бозон и фотон) являются калибровочными бозонами группы $SU(3) \otimes SU(2) \otimes U(1)$ и не приобретают массы при спонтанном нарушении $SU(5)$ -симметрии на сверхмальных расстояниях. Остальные 12 векторных бозонов — X_a^\pm и Y_a^\pm ($a = 1, 2, 3$) приобретают массы M_X . Электрич. заряд X^\pm -бозонов равен $\pm \frac{4}{3}$ (в единицах e), а Y^\pm -бозонов $\mp \frac{1}{3}$. Бозоны X_a (Y_a) одинакового заряда образуют триплет по цветовой группе $SU(3)$, а пары бозонов X , Y одинакового цвета и знака заряда — дублеты по группе электрослабого взаимодействия $SU(2)$.

Т. к. лентоны, кварки и антикварки входят в один мультиплет группы $SU(5)$, исклучение или поглощение X - и Y -бозонов может переводить кварк в лептон

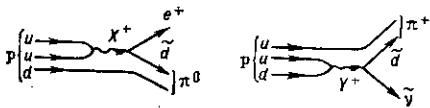


Рис. 2.

либо в антикварк. Поэтому обмен X - и Y -бозонами может приводить к процессу, когда два кварка превращаются в лептон и антикварк, т. е. к нарушению закона сохранения барионного числа. За счёт таких обменов в $SU(5)$ -теории возможен распад протона. Примеры графиков с обменом X - и Y -бозонами, описывающих распад протона, приведены на рис. 2.

Обмен X - и Y -бозонами для процесса распада протона сводится к эффективному четырёхфермионному взаимодействию (см. *Лагранжиан эффективный*) с размерной константой, пропорциональной α_G/M_X^2 (аналогично четырёхфермионному слабому взаимодействию, порождаемому обменом массивным W -бозоном). При этом время жизни протона можно оценить из размерных соображений по ϕ -ле

$$\tau_p = C \frac{M_X^4}{\alpha_G^2} \frac{1}{m_p^5} = C \left(\frac{M_X}{2 \cdot 10^{14} \text{ ГэВ}} \right)^4 \cdot 10^{29} \text{ лет},$$

где m_p — масса протона, а C — безразмерный коф., вычисление к-рого требует тщательного анализа и зависит от деталей кварковой структуры протона. Разные модели этой структуры дают для C значения от 0,3 до 30, причём наиб. надёжными представляются оценки $C \approx 0,3 - 1$. [Следует отметить, что эксперим. значение $\tau_p \gtrsim 3 \cdot 10^{31}$ лет исключает простейшую (минимальную) $SU(5)$ -модель В. о. и требует рассмотрения более сложных схем. Однако эта модель несёт в себе все наиб. важные черты В. о. и поэтому рассматривается в статье.]

В модели $SU(5)$ сохраняется разность барионного и лептонного чисел, $B-L$, поэтому в распаде протона рождается позитрон или антинейтрино (напр., $p \rightarrow$

$\pi^0 e^+$, $p \rightarrow \pi^+ \bar{\nu}_e$), но не рождается электрон или нейтрино.

Спонтанное нарушение $SU(5)$ -симметрии до группы $SU(3) \otimes SU(2) \otimes U(1)$ происходит за счёт образования вакуумного конденсата 24-плета скалярных Хиггса полей H , преобразующихся по присоединённому представлению группы $SU(5)$. При этом величина вакуумного среднего оказывается порядка $M_X / \sqrt{\alpha_G} \approx 10^{15}$ ГэВ.

Дублеты скалярных полей, обусловливающие спонтанное нарушение $SU(2) \otimes U(1)$ -симметрии ЭСВ на расстояниях $\sim 10^{-16}$ см, могут принадлежать квинтетам в группе $SU(5)$ либо 45-плетам. При этом остальные компоненты данных $SU(5)$ -мультиплетов приобретают массы порядка $10^{13} - 10^{14}$ ГэВ при спонтанном нарушении симметрии за счёт вакуумного среднего 24-плетного хиггса поля H . В схеме с миним. набором мультиплетов скалярных полей — 24-плета с квинтетом или с 45-плетом (т. н. миним. вариант сектора скалярных полей) должно выполняться соотношение между массами кварков и лептонов:

$$\frac{m_d}{m_e} \approx \frac{m_s}{m_\mu} = \frac{m_b}{m_\tau},$$

причём величина этих отношений составляет примерно 3 для схемы с квинтетом и примерно 1 для схемы с 45-плетом полей Хиггса. В любом случае эти соотношения не выполняются на опыте (за исключением $m_b/m_\tau \approx 3$), поэтому случай миним. варианта сектора скалярных полей кажется неизнляемым.

Непосредств. обобщением $SU(5)$ -модели В. о. является схема, основанная на ортогональной группе $SO(10)$, в к-рой предсказываемое время жизни протона может быть существенно увеличено по сравнению с τ_p в моделях $SU(5)$. В $SO(10)$ -моделях обязательно присутствует правое нейтрино и естеств. образом возникает масса нейтрино, причём в зависимости от конкретной модели нейтрино могут иметь как дираковскую, так и майорановскую массу (см. *Нейтрино*). Однако конкретные оценки массы нейтрино весьма неопределённы.

В $SO(10)$ -схемах с необходимостью возникает спонтанное нарушение разности $B-L$, являющейся генератором группы $SO(10)$ (возникновение майорановских масс нейтрино является одним из следствий такого нарушения). Поэтому в данных моделях возможны такие процессы, как осцилляции нейтрон-антинейтрон [5] (возможность осцилляций $n \leftrightarrow \bar{n}$ впервые рассматривалась в [5]). Оценка периода осцилляций зависит от деталей модели; характерные ожидаемые величины $\gtrsim 1$ года. Объединение разл. семейств фермионов в один неприводимый мультиплет требует дальнейшего расширения группы симметрии. В связи с этим обсуждаются модели, основанные на группах $SU(8)$, $SO(14)$, $SO(18)$ и др. Однако феноменологически приемлемой модели такого рода пока нет.

Как отмечалось, модели В. о. имеют ряд космологич. следствий. Одно из важнейших — возможность объяснения наблюдаемого преобладания вещества над антивеществом во Вселенной и отношения наблюдаемой в наше время концентрации барионов n_B в концентрации фотонов n_γ в микроволновом фоновом излучении: $n_B/n_\gamma \approx 10^{-8} - 10^{-10}$. Она связана с реализацией в моделях В. о. гипотезы о том, что барионная асимметрия Вселенной обусловлена CP -нечинвариантными процессами с нарушением закона сохранения барионного числа в ранней горячей Вселенной [6]. Теоретич. оценки отношения n_B/n_γ зависят от деталей модели. В частности, в $SU(5)$ -модели согласование расчётного значения этого отношения с наблюдаемым также требует увеличения числа скалярных полей.

Имеются попытки объяснить с помощью моделей В. о. наблюдаемую температурную однородность Вселенной, к-рая выражается в однородности микроволнового фонового излучения, приходящего из причинно не связанных друг с другом в стандартной космологич.