

ряющим полем и набирающей за каждый оборот энергию  $eV_0 \cos \varphi_s$ , где  $\varphi_s$  — равновесная фаза. Неравновесная частица, проходящая ускоряющий зазор в фазе  $\varphi$ , набирает энергию  $eV_0 \cos \varphi$ . Избыточная энергия (по сравнению с равновесным приростом), приобретённая частицей за оборот, равна:

$$\Delta E = eV_0 (\cos \varphi - \cos \varphi_s). \quad (3)$$

Этому отклонению энергии соответствует отклонение частоты обращения

$$\Delta \omega = -K \omega_s \frac{\Delta E}{\varepsilon_s}, \quad (4)$$

где  $\varepsilon_s$  и  $\omega_s$  — равновесные значения энергии и частоты в данный момент ускорения, а коэффиц.  $K$  определяется соотношением

$$K = \frac{\varepsilon_s}{T_s} \frac{\partial T}{\partial \varepsilon} \quad (5)$$

и является удобной дифференц. характеристикой ускорителя.

Отклонение частоты обращения от равновесной на  $\Delta \omega$  приводит к скольжению фазы ускоряющего напряжения со скоростью

$$\dot{\varphi} = -q \Delta \omega. \quad (6)$$

Соотношения (3), (4) и (6) и определяют колебания фазы и энергии во времени.

Переходя в (3) к изменению энергии в единице времени (а не за период обращения  $2\pi/\omega_s$ ), получаем:

$$\frac{d}{dt} \left( \frac{2\pi}{\omega_s} \Delta E \right) = eV_0 (\cos \varphi - \cos \varphi_s),$$

что с учётом (4) и (6) приводит к дифференц. ур-нию для фазы

$$\frac{d}{dt} \left( \frac{\varepsilon_s}{\omega_s^2 K} \frac{d\varphi}{dt} \right) - \frac{qeV_0}{2\pi} (\cos \varphi - \cos \varphi_s) = 0. \quad (7)$$

По форме оно совпадает с ур-нием колебаний физ. маятника с моментом инерции  $I = \varepsilon_s / \omega_s^2 K$ , моментом силы тяжести  $G_g = (qeV_0/2\pi) \cos \varphi$  и внешним моментом  $G = -(qeV_0/2\pi) \cos \varphi_s$  (рис. 2). Для маятника очевидно, что могут существовать два положения равновесия:  $\varphi = \varphi_0$  и  $\varphi = -\varphi_0$ . Нижнее положение равновесия ( $\varphi = \varphi_0$ ) устойчиво, а верхнее ( $\varphi = -\varphi_0$ ) — неустойчиво. Маятник может совершать движения двух качественно разл. типов — либо колебания около устойчивой равновесной фазы  $\varphi_0$ , либо (при очень больших нач. отклонениях от равновесия или при очень больших нач. скоростях) вращат. движение, при к-ром он проходит все углы  $\varphi$ .

Соответственно и в ускорителе фаза частицы может либо совершать колебат. движения около равновесной фазы  $\varphi_s$  (т. н. синхротронные колебания), либо скользить по фазе, пробегая все значения фаз. Колебат. движению частицы по фазе соответствуют, согласно (4) и (6), колебания энергии частицы и её частоты обращения вокруг равновесных значений. Существует нек-рая область нач. условий (соответствующая области захвата), при к-рых частица участвует в процессе ускорения, т. е. приобретает в ср. ту же энергию, что и равновесная. Частицы, не попавшие в область захвата, скользят по всем фазам, в

ср. энергии не набирают и выпадают из процесса ускорения.

Т. о., если период ускоряющего электрич. поля и величина управляющегомагн. поля меняются во времени так, что энергия  $\varepsilon_s(t)$  равновесной частицы, определяемая вытекающим из (2) соотношением

$$\varepsilon_s(t) = \frac{qceB(t) T_{\text{уск}}(t)}{2\pi},$$

непрерывно растёт, то механизм А. обеспечивает ускорение всего ансамбля частиц внутри области захвата, окружающей устойчивую равновесную фазу.

Приведённые рассуждения справедливы при  $K > 0$ . Случай  $K < 0$  соответствует «отрицат. массе» физ. маятника, так что механич. аналогия становится менее наглядной, но из ур-ния (7) вытекает, что при этом устойчивой оказывается отрицат. фаза  $-\varphi_s$ , около к-рой существует аналогичная область захвата.

Величина  $K$  зависит от параметров структуры ускорителя и от энергии ускоряемой частицы. В нек-рых циклич. ускорителях, напр. в ускорителях с азимутально однородныммагн. полем, она сохраняет знак на протяжении всего цикла ускорения. В других — меняет знак при определ. энергии, наз. п. р. е. х. д. и. о. и. или критич. энергией. В последнем случае при прохождении критич. значения энергии устойчивая равновесная фаза становится неустойчивой, и наоборот. Для обеспечения дальнейшего ускорения частиц нужно в момент достижения критич. энергии «перенести» все ускоряемые частицы из окрестности прежней равновесной фазы в окрестность новой устойчивой фазы, что технически осуществляется быстрым скачком фазы ускоряющего напряжения.

В линейных ускорителях соотношение (2) заменяется соотношением между временем пролёта  $T$  характерной длины  $L$  (расстояния между соседними ускоряющими структурами или длины волны в ускоряющей волноводной структуре) и скоростью частицы  $v$ :

$$T = \frac{L}{v}.$$

Отсюда видно, что для линейных ускорителей  $T$  всегда уменьшается с ростом энергии,  $\partial T / \partial \varepsilon < 0$ , так что устойчива всегда отрицат. фаза  $-\varphi_0$  (см. Протонный линейный ускоритель).

В линейных ускорителях требование фазовой устойчивости, или фазировки ( $\varphi_s < 0$ ), приходит в противоречие с условием устойчивости движения в по-перечном к орбите направлении, т. е. с условием фокусировки частиц в ускорителе, требующим  $\varphi > 0$ . В связи с этим был разработан метод знакопеременной фазировки, при к-ром ускоряющие промежутки располагаются так, чтобы в них попеременно происходила то фазировка (а следовательно, расфокусировка), то расфазировка (и следовательно, фокусировка). При надлежащем выборе параметров структуры оказывается возможным одноврем. обеспечение одним и тем же электрич. полем устойчивости движения как в продольном, так и в поперечном направлениях.

А. отсутствует в ускорителях в тех случаях, когда  $T$  не зависит от  $\varepsilon$ . В циклич. ускорителях это имеет место в изохронном циклотроне, а в линейных — при релятивистских скоростях ускоряемых частиц, когда скорость практически не меняется с увеличением энергии.

Лит.: Коломенский А. А., Лебедев А. Н., Теория циклических ускорителей, М., 1962; Вальдинер О. А., Власов А. Д., Шальнов А. В., Линейные ускорители, М., 1969; Лебедев А. Н., Шальнов А. В., Основы физики и техники ускорителей, ч. 1, М., 1981. Э. Л. Бурштейн.

**АВТОЭЛЕКТРОННАЯ ЭМИССИЯ** (полевая эмиссия, электростатическая эмиссия, тунNELьная эмиссия) — испускание электронов проводящими твёрдыми и жидкими телами под действием внеш. электрич. поля  $E$  достаточно высокой напряжённости ( $E \sim 10$  В/см). А. э. обнаружена в 1897 Р. У. Вудом. В 1929 Р. Э. Мил-

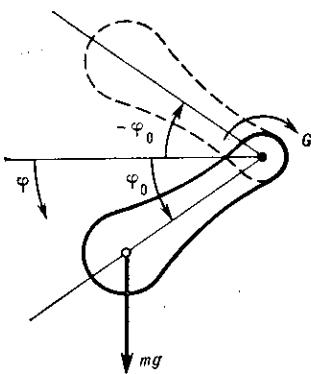


Рис. 2.

скоростях) вращат. движение, при к-ром он проходит все углы  $\varphi$ .

Соответственно и в ускорителе фаза частицы может либо совершать колебат. движения около равновесной фазы  $\varphi_s$  (т. н. синхротронные колебания), либо скользить по фазе, пробегая все значения фаз. Колебат. движению частицы по фазе соответствуют, согласно (4) и (6), колебания энергии частицы и её частоты обращения вокруг равновесных значений. Существует нек-рая область нач. условий (соответствующая области захвата), при к-рых частица участвует в процессе ускорения, т. е. приобретает в ср. ту же энергию, что и равновесная. Частицы, не попавшие в область захвата, скользят по всем фазам, в